

- 1 2個のさいころA, Bと3枚の硬貨を同時に投げるとき, さいころAの出る目を $a$ , さいころBの出る目を $b$ とし, 表が出る硬貨の枚数を $c$ , 裏が出る硬貨の枚数を $d$ とする。これらの値に対して2直線  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \dots\dots ①$ ,  $\frac{x}{c+1} + \frac{y}{d+1} = 1 \dots\dots ②$  を考える。

(1) ①, ②のどちらも点(2, 0)を通る確率は  $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$  である。

(2) ①, ②が一致する確率は  $\frac{\text{エ}}{\text{オカ}}$  である。

(3) ①と $x$ 軸および $y$ 軸で囲まれた三角形の面積を $S_1$ , ②と $x$ 軸および $y$ 軸で囲まれた三角形の面積を $S_2$ とすると,  $S_1 = S_2$ になる確率は  $\frac{\text{キ}}{\text{クケ}}$  である。

(4) (2)の条件以外で①, ②が平行になる確率は  $\frac{\text{コ}}{\text{サシ}}$  である。

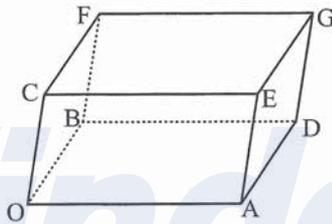
Windom

- 2  $i$ を虚数単位とし,  $a, b$ を負の定数とする。複素数 $z = a + bi$ について,  $z^2$ と $3z$ が互いに共

役な複素数であるとき,  $a = -\frac{\text{ス}}{\text{セ}}$ ,  $b = -\frac{\text{ソ}}{\text{チ}} \sqrt{\frac{\text{タ}}{\text{チ}}}$  であり,  $z^3 = \text{ツテ}$

である。次に,  $s, t$ を実数の定数とする。3次方程式 $x^3 + 10x^2 + sx + t = 0$ の解の1つが $z^2$ であるとき,  $s = \text{トナ}$ ,  $t = \text{ニヌ}$  であり, この3次方程式は実数解 $x = -\text{ネ}$ をもつ。

- 3 平行六面体  $OADB - CEGF$  において、 $AD, DG$  の中点をそれぞれ  $I, J$  とし、 $\triangle FIJ$  の重心を  $K$  とするとき、 $\vec{OK} = \frac{\boxed{\text{ノ}} \vec{OA} + \boxed{\text{ハ}} \vec{OB} + \boxed{\text{ヒ}} \vec{OC}}{\boxed{\text{フ}}}$  である。次に、辺  $OA$  を  $3:1$  に外分する点を  $M$ 、辺  $OB$  を  $3:2$  に内分する点を  $N$  とし、平面  $CMN$  と直線  $OK$  の交点を  $P$  とするとき、 $\vec{OP} = \frac{\boxed{\text{ヘ}} \vec{OA} + \boxed{\text{ホ}} \vec{OB} + \boxed{\text{マ}} \vec{OC}}{\boxed{\text{ミム}}}$  であり、線分  $OP$  の長さとして線分  $OK$  の長さを最も簡単な整数比で表すと  $OP:OK = \boxed{\text{メ}} : \boxed{\text{モ}}$  である。さらに、平面  $BDFG$  と直線  $OK$  の交点を  $Q$  とするとき、 $\vec{OQ} = \frac{\boxed{\text{ヤ}} \vec{OA} + \boxed{\text{ユ}} \vec{OB} + \boxed{\text{ヨ}} \vec{OC}}{\boxed{\text{ラ}}}$  であり、線分  $OP$  の長さとして線分  $OQ$  の長さを最も簡単な整数比で表すと  $OP:OQ = \boxed{\text{リ}} : \boxed{\text{ルレ}}$  である。



- 4  $a, b, c, d, k$  を定数とする。関数  $f(x) = \frac{ax^2 + bx + c}{x+2}$  が  $x = -3$  で極大値  $-1$  をとり、 $x = k$  で極小値  $3$  をとるとき、 $a = \boxed{\text{ロ}}$ 、 $b = \boxed{\text{ワ}}$ 、 $c = \boxed{\text{ヲ}}$ 、 $k = -\boxed{\text{あ}}$  である。曲線  $y = f(x)$  …… ① と  $y$  軸の交点を  $D(0, d)$  とするとき、 $d = \frac{\boxed{\text{い}}}{\boxed{\text{う}}}$  であり、直線  $y = d$  と ① の、 $D$  以外の交点を  $E$  とするとき、 $E$  の座標は  $\left( -\frac{\boxed{\text{え}}}{\boxed{\text{お}}}, \frac{\boxed{\text{い}}}{\boxed{\text{う}}} \right)$  である。 $E$  における ① 上の法線の方程式は  $y = \frac{\boxed{\text{か}}}{\boxed{\text{き}}}x + \boxed{\text{く}}$  …… ② であり、① と ② で囲まれた部分の面積は  $\frac{\boxed{\text{けこ}}}{\boxed{\text{さし}}} - \log_e \boxed{\text{す}}$  である。